MODELAGEM NUMÉRICA DO ENSAIO TIPO "PUSH-OUT" UTILIZANDO CONECTORES DE CISALHAMENTO FLEXÍVEIS

Gustavo Alves Tristão*, Jorge Munaiar Neto†, Maximiliano Malite† Roberto Martins Gonçalves†

* Engenheiro civil, aluno de doutorado do Departamento de Engenharia de Estruturas.

Escola de Engenharia de São Carlos - Universidade de São Paulo.

Avenida Trabalhador São-Carlense, 400 – CEP 13.566-590 – São Carlos, SP – Brasil.

Tel +55.16.273-9455 Fax: +55.16.273-9482 e-mail: tristão@sc.usp.br

† Engenheiro civil, professor do Departamento de Engenharia de Estruturas.

Escola de Engenharia de São Carlos - Universidade de São Paulo.

Avenida Trabalhador São-Carlense, 400 – CEP 13.566-590 – São Carlos, SP – Brasil.

Tel +55.16.273-9455 Fax: +55.16.273-9482

e-mail: jmunaiar@sc.usp.br, mamalite@sc.usp.br, goncalve@sc.usp.br

Palavras-chave: Conectores de cisalhamento, vigas mistas aço-concreto, estruturas mistas, análise não-linear física, análise não-linear geométrica, análise numérica.

Resumo. As vigas mistas aço-concreto, dentro do contexto mundial, têm sido largamente utilizadas em sistemas construtivos na engenharia civil. O comportamento adequado desse elemento estrutural possui dependência direta com a interação entre ambos os materiais, interação essa garantida por elementos metálicos denominados conectores de cisalhamento. O presente trabalho aborda o estudo do comportamento estrutural de conectores de cisalhamento flexíveis bastante utilizados em vigas mistas aço-concreto. Por meio de modelos numéricos tridimensionais, faz-se a simulação do ensaio experimental tipo "Push-out", cujos resultados são confrontados com valores experimentais obtidos de ensaios realizados em laboratório, extraídos de referências bibliográficas.

A elaboração dos modelos numéricos é feita com base no procedimento proposto pelo EUROCODE 4 (1994), enquanto que a simulação numérica é viabilizada por meio da utilização do código de cálculo ANSYS 5.7, elaborado com base no método dos elementos finitos e cujas ferramentas disponibilizadas permitem análises da resposta dos modelos em regime de não-linearidades física e geométrica.

Nos modelos são consideradas variações nas dimensões e propriedades físicas de ambos os materiais, com vistas à determinação da resistência e da relação entre força e deslocamento dos conectores de cisalhamento, bem como avaliar a concentração de tensão nas partes constituintes dos modelos.

1 INTRODUCÃO

Os sistemas estruturais compostos, como as lajes mistas aço-concreto (lajes de concreto com forma de aço incorporada), os pilares mistos aço-concreto (pilares de aço revestidos ou protegidos por concreto e preenchidos com concreto) e as vigas mistas aço-concreto (lajes de concreto sobre vigas de aço), têm sido bastante utilizados nas obras de engenharia civil.

No caso de vigas mistas, para um comportamento adequado desse elemento estrutural fazse necessário garantir a interação entre ambos os materiais por meio de conectores de cisalhamento, cujas funções consistem em transferir fluxo de cisalhamento na interface da viga mista, bem como impedir a separação vertical entre laje de concreto e perfil de aço, movimento conhecido como "uplift".

Dentre os conectores flexíveis utilizados, citam-se os tipos pino com cabeça (stud) e o perfil "U", sendo que o primeiro caracteriza-se por ter um rápido método de execução e equivalência de resistência em todas as direções normais ao eixo do conector. Pesquisas recentes vêm sendo desenvolvidas, objetivando a formulação de expressões que permitam determinar a resistência ao cisalhamento dos conectores, em especial o tipo pino com cabeça (stud) e o tipo perfil "U", para lajes de concreto convencional e de alta resistência.

Essas expressões são de natureza empírica e têm origem em ensaios do tipo "Push-out", cuja análise dos resultados é feita dentro de um contexto global do sistema misto, impossibilitando, na maioria das vezes, uma avaliação adequada de aspectos particulares de interesse, como por exemplo, a concentração de tensões na região do conector, fator de grande influência na determinação da força de ruptura.

Dentre os objetivos do presente trabalho, e utilizando-se o código de cálculo *ANSYS 5.7* elaborado com base no Método dos Elementos Finitos (MEF) para uso em microcomputadores, destaca-se a proposta de um modelo numérico que permita simular satisfatoriamente o ensaio tipo "Push-out", para conectores pino com cabeça (stud) e perfil "U" formado a frio, recomendado pelo EUROCODE 4 (1994) [1] e pela norma britânica BS 5400 (1979) [2]. Como resultado principal faz-se uma análise da relação entre força e deslocamento do conector, bem como uma avaliação dos níveis das tensões em regiões de interesse do modelo, nos estados limites de utilização e último.

2 ASPECTOS DA MODELAGEM NUMÉRICA

A complexidade da análise multiaxial, nos campos das tensões e das deformações, pode dificultar na maioria das vezes a elaboração de formulações analíticas referentes ao ensaio "Push-out", provável razão pela qual quase sempre têm sido propostas expressões empíricas que representam o comportamento dos conectores de cisalhamento. Com a evolução dos micro-computadores e dos códigos de cálculo, a análise multiaxial para as estruturas de um modo geral deixa de ser um problema.

Desta forma, é proposto no presente trabalho um modelo numérico tridimensional que simule satisfatoriamente o ensaio experimental tipo "Push-out" para conectores pino com cabeça (stud) e perfil "U" formado a frio, cuja simulação numérica é realizada por meio da

utilização do *ANSYS 5.7*. Pelas simetrias verificadas com referência à geometria e à solicitação do modelo para o ensaio experimental "Push-out", considerou-se apenas metade do modelo experimental, para a elaboração do modelo numérico.

2.1 Elementos finitos adotados

Os modelos numéricos propostos foram elaborados a partir de quatro tipos de elementos finitos disponibilizados na biblioteca interna do código de cálculo *ANSYS 5.7*, e estão apresentados a seguir. É importante observar que todos os elementos adotados têm apenas três graus de liberdade por nó, referentes às translações em x, y e z (coordenadas locais), uma vez que não há o interesse na quantificação da rotação dos elementos.

Para a discretização da laje de concreto foi utilizado o elemento concreto armado tridimensional SOLID 65, constituído por oito nós (figura 1a). O SOLID 65 permite simular fissuração na tração (nas três direções ortogonais) e esmagamento na compressão, bem como um comportamento com não-linearidade física, o que permite avaliar deformações plásticas. Possibilita ainda a inclusão das barras de armadura na forma de taxas, denominada armadura dispersa, as quais são resistentes apenas à tração e à compressão. No entanto, caso seja de interesse, este elemento permite ainda a introdução das barras de armadura na forma discreta, procedimento esse adotado para os modelos numéricos do presente trabalho.

Para simular o comportamento do perfil metálico e dos conectores de cisalhamento, utilizase o elemento sólido estrutural tridimensional SOLID 45 (figura 1b). Assim como o SOLID 65, o SOLID 45 também possui oito nós, e permite considerar a plasticidade e a ortotropia do material.

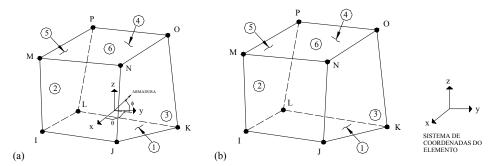


Figura 1 – (a) Elemento finito tipo SOLID 65 e (b) Elemento finito tipo SOLID 45

As barras de armaduras dispostas na laje de concreto são discretizadas com o elemento barra tridimensional LINK 8, constituído por nós de extremidades inicial (I) e final (J). Como ilustrado na figura 2, o eixo x do elemento é orientado segundo o seu comprimento. Vale ressaltar que nenhuma flexão no elemento pode ser considerada, porém, é disponibilizada ao usuário a possibilidade de se admitir a ocorrência de deformação plástica.

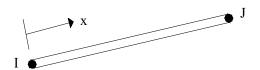


Figura 2 - Elemento finito tipo LINK 8

Nas interfaces entre conectores de cisalhamento e laje de concreto foram considerados elementos de contato, objetivando simular a ocorrência de possíveis deslocamentos relativos entre conector e concreto da laje.

Foi utilizado o elemento de contanto definido pelo *ANSYS 5.7* como superficie-superficie, que surge do trabalho em conjunto dos elementos TARGE 170 (como superficie alvo) e CONTAC 173 (como superficie de contato). No caso particular do modelo numérico proposto, as faces dos elementos de concreto na interface laje-conector foram consideradas como superficie alvo, enquanto que as faces dos elementos dos conectores foram consideradas como superficie de contato.

Para se estabelecer uma rigidez entre ambas as superfícies, alvo e contato, é necessário informar ao ANSYS o valor de um fator de rigidez normal de contato, identificado por meio do parâmetro FKN. Este parâmetro controla a intensidade de penetração e afastamento entre ambas as superfícies, razão pela qual tem grande influência na convergência durante o processamento do modelo. Além disso, pode-se por meio do elemento de contato quantificar a pressão que o conector exerce no concreto.

2.2 Condições de contorno e de solicitação

Como o modelo numérico leva em conta apenas a metade do modelo experimental "Pushout", restringiu-se o deslocamento segundo a direção X (coordenada global) da alma do perfil metálico em toda sua extensão (na vertical). Além disso, a face inferior da laje de concreto é restringida nas três direções, no plano XY e também na direção normal a este plano (coordenadas globais), objetivando garantir a estabilidade do modelo, quando da aplicação das forças no perfil metálico.

Os conectores de cisalhamento estão solidarizados à mesa do perfil metálico, objetivando garantir que os nós comuns aos elementos dos conectores e da mesa da viga de aço tenham compatibilidade de deslocamentos em todas as direções. Vale mencionar ainda que os nós pertencentes à laje de concreto e à mesa do perfil metálico foram acoplados apenas na direção X, objetivando minimizar a rotação da laje em do eixo Z.

A solicitação é aplicada na face superior do perfil metálico, na forma de pressão, cuja intensidade é definida por meio da divisão da força de ruptura estimada pela área da seção transversal do perfil metálico.

2.3 Modelos de não-linearidade física adotados para o aço e o concreto

O código de cálculo ANSYS 5.7 possibilita a consideração da não-linearidade física dos materiais, com base em alguns critérios de resistência. Nos modelos numéricos em questão, para o aço do conector e do perfil metálico, adota-se o comportamento elasto-plástico multilinear com encruamento isótropo. Já para o aço da armadura, considera-se o comportamento elasto-plástico perfeito. Esses dois comportamentos são associados ao critério de Von Mises, e as relações tensão-deformação são ilustradas na figuras 3a e 3b, respectivamente.

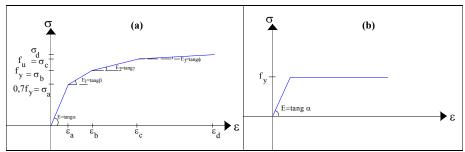


Figura 3 – (a) Comportamento elasto-plástico multilinear com encruamento isótropo (b) Comportamento elasto-plástico perfeito

Para o concreto, adotam-se o *modelo concreto* e o modelo elástico não-linear. O *modelo concreto* é baseado no critério de ruptura para o estado multiaxial de tensão, proposto por "Willam-Warnke", e capaz de simular o esmagamento na compressão e a fissuração na tração. Já o modelo elástico não-linear permite a consideração de uma relação não-linear entre tensão e deformação, para o qual adotou-se o comportamento para o concreto, descrito pela relação tensão-deformação foi extraída do CEB-FIB (1991) [3].

No modelo com conector tipo pino com cabeça (stud) foi adotado o *modelo concreto* praticamente em toda laje, exceto nos elementos finitos sujeitos às vinculações de base da laje, em que se utiliza o modelo elástico não-linear.

Por outro lado, para os modelos com conector tipo perfil "U" formado a frio utiliza-se o *modelo concreto* nas regiões da laje próximas aos conectores, pois são essas regiões submetidas a tensões de compressão e de tração consideradas elevadas quando comparadas às correspondentes resistências. Em contrapartida, nas regiões da laje onde as tensões não são elevadas adota-se o modelo elástico não-linear, desde que as tensões de tração, quando verificadas, resultem próximas da resistência à tração do concreto (f_t). Essa verificação devese ao fato de o modelo elástico não-linear adotar para esforços de tração o mesmo comportamento (σ x ϵ) adotado para esforços de compressão e, portanto, inconsistente com o comportamento real do concreto verificado experimentalmente.

3 RESULTADOS DA ANÁLISE NUMÉRICA

Apresentam-se a seguir resultados da análise numérica de modelos com conectores dos tipos pino com cabeça (stud) e perfil"U" formado a frio, ambos em laje de concreto maciça.

Vale ressaltar que a força total estimada foi aplicada em pequenos incrementos, que variam dentro de um intervalo entre 100 e 250, adotando como critérios de convergência a variação dos deslocamentos com tolerância para convergência de 0,001, bem como uma tolerância de 1 mm para penetração entre as superfícies alvo e de contato.

3.1 Modelo numérico com conector pino com cabeca de 13 mm de diâmetro

A simulação numérica referente ao conector tipo pino com cabeça (stud) foi feita por meio de um modelo denominado de PHS-1, cujas dimensões e propriedades dos materiais respeitaram aquelas adotadas nos ensaios experimentais tipo "Push-out", realizados por KALFAS (1997) [4]. O modelo consiste basicamente de dois pinos com cabeça (stud), em cada laje, com 13 mm de diâmetro e 75mm de comprimento, espaçados entre si 250 mm. A discretização do modelo PHS-1 é apresentada na figura 4.

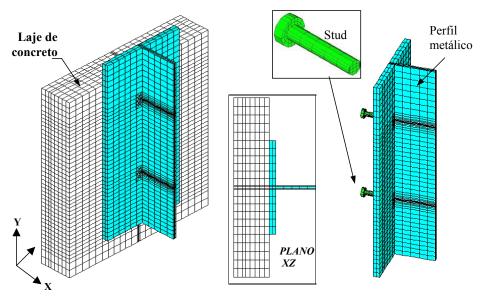


Figura 4 - Malha de elementos finitos adotada para o modelo PHS-1

As tabelas 1 e 2 apresentam as propriedades dos materiais para as fases de comportamentos linear e não-linear, em correspondência às figuras 3a e 3b. Já a tabela 3 apresenta as propriedades para o concreto, onde são especificadas as correspondentes resistências à compressão do concreto (f_{ck}) e à tração (f_t) .

Tabela 1 - Propriedades do aço do conector e do perfil metálico

MATERIAL	σ_a (kN/cm ²)	σ_b (kN/cm^2)	σ_c (kN/cm^2)	σ_d (kN/cm^2)	E (kN/cm ²)	E _a (kN/cm ²)	E _b (kN/cm ²)	E_c (kN/cm^2)
AÇO DO CONECTOR	28,0	40,0	49,6	49,6	20000	200	20	0
AÇO DO PERFIL	17,5	25,0	40,0	40,0	20500	205	20,5	0

Tabela 2 – Propriedades do aço da armadura

MATERIAL	$f_y (kN/cm^2)$	E (kN/cm ²)
AÇO DA ARMADURA	50,0	21000

Tabela 3 – Propriedades do concreto

Tuo eta 5 - Tro pri e da de Controleto						
MATERIAL	E (kN/cm ²)	$f_{ck} (kN/cm^2)$	$f_t (kN/cm^2)$			
CONCRETO	2782	1.71	0.2			

A figura 5 ilustra como resultado a relação entre força e deslocamento do conector, referente ao modelo numérico PHS-1, confrontado com três resultados mais representativos, dentre os nove ensaios experimentais realizados por KALFAS et al. (1997) [4]. A força total aplicado no modelo foi dividida igualmente entre os dois conectores. O valor adotado para a rigidez normal de contato (FKN) foi 500.

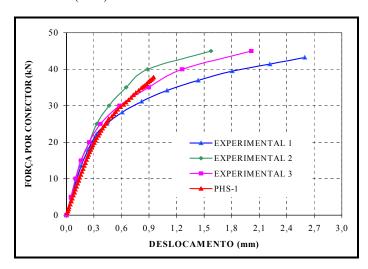


Figura 5 - Relação força x deslocamento por conector, para o modelo numérico PHS-1

Por uma análise com referência à figura 5, é possível identificar uma concordância

bastante satisfatória do resultado do modelo PHS-1 quando comparado com os resultados experimentais, até o valor de força igual a 37,75 kN, a partir do qual não mais apresentou convergência, em correspondência a uma tolerância de 0,001 com referência à diferença entre deslocamentos sucessivos.

A figura 6 ilustra as tensões, de Mises, em apenas um conector, uma vez que ambos os conectores apresentam o mesmo comportamento. As posições indicadas no conector da figura 6, pelos números 1 e 2, representam regiões para as quais serão plotadas, na figura 7, relações entre tensão de Mises e força no conector.

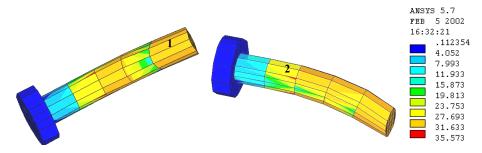


Figura 6 – Distribuição de tensões de Mises (kN/cm²) no pino com cabeça (stud), modelo PHS-1, em correspondência a uma força por conector de 37,75 kN

Analisando a figura 7, nota-se que quando os elementos situados na posição 1 atingem o valor da tensão de proporcionalidade ($f_p = \sigma_a$) igual a 28 kN/cm², permitem uma redistribuição de tensões, por exemplo, para elementos na posição 2. Vale destacar que em nenhuma região do conector foi atingido o valor da tensão de escoamento (f_v).

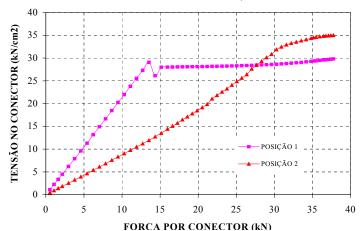


Figura 7 – Relação tensão x força no conector, para o modelo numérico PHS-1

3.2 Modelos numéricos com conector tipo Perfil "U" formado a frio

Para os modelos numéricos com conectores tipo perfil "U" formado a frio, adotou-se como referência os modelos experimentais ensaiados por MALITE (1993) [5]. Foram modelados conectores perfil "U" com espessuras de 2,66 mm (tipo A) e 4,76 mm (tipo B), nas posições I e II, apresentadas na figura 8, resultando em um total de quatro modelos numéricos, aqui denominados de PHU-AI, PHU-AII, PHU-BI e PHU-BII.

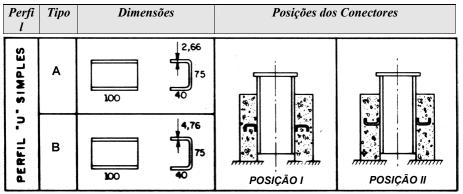


Figura 8 – Esboço dos modelos com perfil de 2,66 e 4,76 mm nas posições I e II

Nesse caso, como é possível notar, as letras A e B referem-se às espessuras adotadas, enquanto que os números I e II referem-se às posições dos conectores. As propriedades adotadas para os materiais estão apresentadas nas tabelas 4, 5 e 6.

Tabela 4 – Propriedades do aço do conector e do perfil metálico (referente à figura 3a)

MATERIAL	σ_a (kN/cm ²)	σ_b (kN/cm ²)	σ_c (kN/cm^2)	σ_d (kN/cm^2)	E (kN/cm ²)	E _a (kN/cm ²)	E _b (kN/cm ²)	E _c (kN/cm ²)
AÇO DO CONECTOR	17,35	24,78	35,37	35,37	19900	199	19,9	0
AÇO DO PERFIL	17,40	37,73	54,26	54,26	19900	199	19,9	0

Tabela 5 – Propriedades do aço da armadura (referente à figura 3b)

MATERIAL	$f_y (kN/cm^2)$	E (kN/cm ²)
AÇO DA ARMADURA	50,0	21000

Tabela 6 – Propriedades do concreto

MATERIAL	E (kN/cm ²)	$f_{ck} (kN/cm^2)$	$f_t (kN/cm^2)$
CONCRETO	3215	2,67	0,28

Na figura 9 apresenta-se a discretização adotada para os modelos com conector perfil "U" formado a frio, tomando nesse caso como base o modelo PHU-BI.

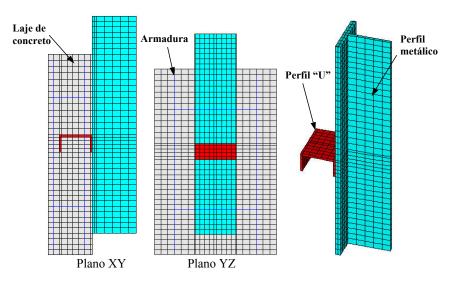


Figura 9 - Visão geral da discretização adotada para os modelos com conector perfil "U" formado a frio

Nas figuras 10, 11, 12 e 13, para os modelos numéricos AI, AII, BI e BII, apresentam-se relações entre força por conector e deslocamento obtido no modelo numérico, confrontadas com os resultados dos ensaios experimentais realizados por Malite (1993) [5]. Para todos os modelos numéricos, o valor de FKN adotado foi 500.

Todas as relações entre força por conector e deslocamento dos modelos numéricos apresentam basicamente um mesmo comportamento, ou seja, a fase inicial apresenta um comportamento linear governado pelo fator FKN, e a partir de uma determinada força, a relação começa a apresentar um comportamento fortemente não-linear, devido a não-linearidade física dos materiais, principalmente do aço do conector e do concreto da laje.

A distribuição de tensões (de Mises), no conector, com referência à força última é ilustrada na figura 14, para os modelos PHU-AII e PHU-AII, bem como para os modelos PHU-BI e PHU-BII. O comportamento do conector em cada modelo é apresentado nas figuras 15 e 16 por meio da relação entre tensão e força no conector, em correspondência com os modelos numéricos em questão. As posições 1, 2, 3, 4, e 6, apresentadas nas legendas das figuras 15 e 16, são as respectivas regiões indicadas nos conectores ilustrados na figura 14.

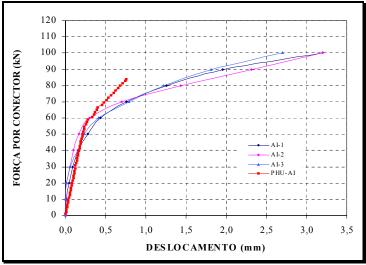


Figura 10 – Relação força por conector x deslocamento, referente ao modelo PHU-AI

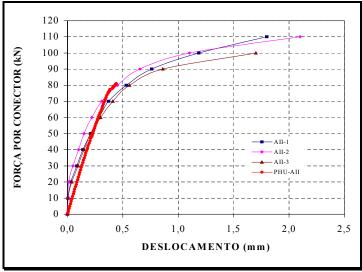


Figura 11 – Relação força por conector x deslocamento, referente ao modelo PHU-AII

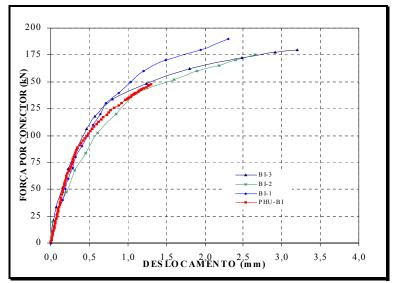


Figura 12 – Relação força por conector x deslocamento, referente ao modelo PHU-BI

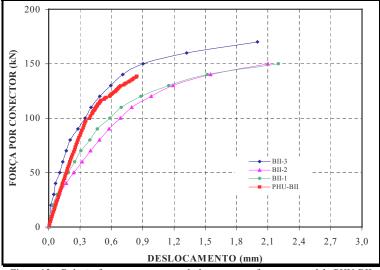


Figura 13 – Relação força por conector x deslocamento, referente ao modelo PHU-BII

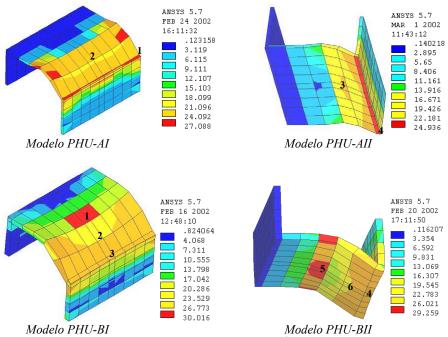


Figura 14 – Distribuição de tensões de Mises (kN/cm²) no conector perfil "U"

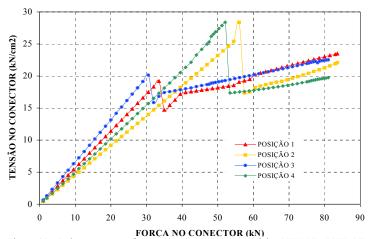


Figura 15 - Relação tensão x força no conector, para os modelos PHU-AI e PHU-AII

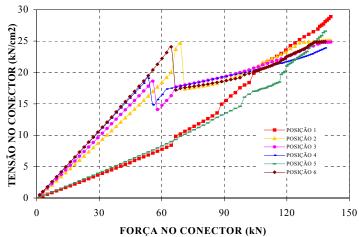


Figura 16 - Relação tensão x força no conector, para os modelos PHU-BI e PHU-BII

4 CONCLUSÕES

A proposta do presente trabalho objetivou avaliar o comportamento dos conectores de cisalhamento dos tipos pino com cabeça e perfil "U" formado a frio, por meio de análise numérica tridimensional do ensaio tipo "Push-out". Para tanto foram analisados conectores stud de 13 mm, bem como perfis "U" formados a frio, de 2,66 e 4,76 mm de espessura, em duas posições diferentes.

Os resultados dos modelos numéricos, analisados com referência à relação entre força e deslocamento por conector, resultaram satisfatórios quando confrontados com resultados experimentais. Adicionalmente, foram analisados outros aspectos de interesse nos modelos numéricos, como por exemplo, a concentração de tensão nos conectores, de dificil obtenção em ensaios experimentais.

Análises com relação aos conectores tipo perfil "U" formado a frio, identificaram a não ocorrência de grandes diferenças com relação à força última do conector de mesma espessura, ou seja, a diferença entre os modelos PHU-AII foi de aproximadamente 3,5%, enquanto que a diferença entre os modelos PHU-BII e PHU-BII foi 5%. Porém, identificou-se uma grande influência da posição com relação à ductilidade do conector, ou seja, conectores na posição I têm comportamento mais dúctil quando comparados àqueles na posição II, fato de grande importância quando o colapso de uma viga mista dá-se devido à ruptura da ligação.

As armaduras na laje de concreto em todos os modelos numéricos apresentaram tensões muito inferiores à tensão de escoamento do aço, aspecto que confirma como função principal desse elemento o confinamento do concreto, aumentando assim a sua resistência.

As tensões na laje de concreto apresentaram-se bastante elevadas na região do conector. Além disso, foi constatado que as fissuras, nos primeiros incrementos de força, iniciaram-se

na região circundante ao conector e, com aumento da força, se espalham por toda a laje de concreto. Vale ressaltar que ambos os aspectos verificados confirmam comentários apresentados em outros trabalhos realizados por outros pesquisadores

Por uma análise criteriosa dos elementos de contato, acredita-se que a perturbação identificada na relação tensão x força, para algumas posições no conector, deve-se ao fato de nessas regiões a pressão e a penetração de contato serem elevadas, quando comparadas a outras regiões do conector.

Finalmente, vale destacar que a simulação numérica do ensaio "Push-out" possibilita analisar o comportamento dos conectores de cisalhamento, não somente sobre o aspecto global, ou seja, relação força x deslocamento, mas também aspectos localizados como tensões e deformações nos componentes do modelo. A análise numérica do ensaio "Push-out" pode representar uma economia de tempo e dinheiro, quando comparada à análise experimental.

5 REFERÊNCIAS BLIBLIOGRÁFICAS

- [1] EUROPEAN COMMITTEE FOR STANDARDIZATION. *ENV 1994-1-1: Eurocode 4 Design of composite steel and concrete structures*. Part 1-1: General rules and rules for buildings. Brussels (1994).
- [2] BRITISH STANDARD INSTITUTION. BS 5400 Steel, concrete and composite bridges. Part 5: Code of pratice for design of composite bridges. London (1979).
- [3] COMITE EURO-INTERNATIONAL DU BETON. CEB-FIP model code 1990. *Bulletin d'Information*, n.203-205 (1991).
- [4] C. Kalfas *et al.* Inelastic behaviour of shear connection by a method based on FEM. *Journal of Construction Steel Research*, v.44, p.107-114 (1997).
- [5] M. Malite (1993). Análise do comportamento estrutural de vigas mistas aço-concreto constituídas por perfis de chapa dobrada. São Carlos. 253p. Tese (Doutorado) Escola de Engenharia de São Carlos, Universidade de São Paulo (1993).
- [6] G.A. Tristão (2002). Comportamento de conectores de cisalhamento em vigas mistas açoconcreto com análise da resposta numérica. São Carlos. 114p. Dissertação (Mestrado), Escola de Engenharia de São Carlos, Universidade de São Paulo (2002).
- [7] G.A. Tristão; J. Munaiar Neto; M. Malite. *Comportamento estrutural dos conectores de cisalhamento em vigas mistas aço-concreto com análise da resposta numérica*. In: I CICOM Congresso Internacional da Construção Metálica, São Paulo, SP, Brasil, 06 a 09/11/2001. Estruturas Metálicas. SAE e AMICEM, 2001.